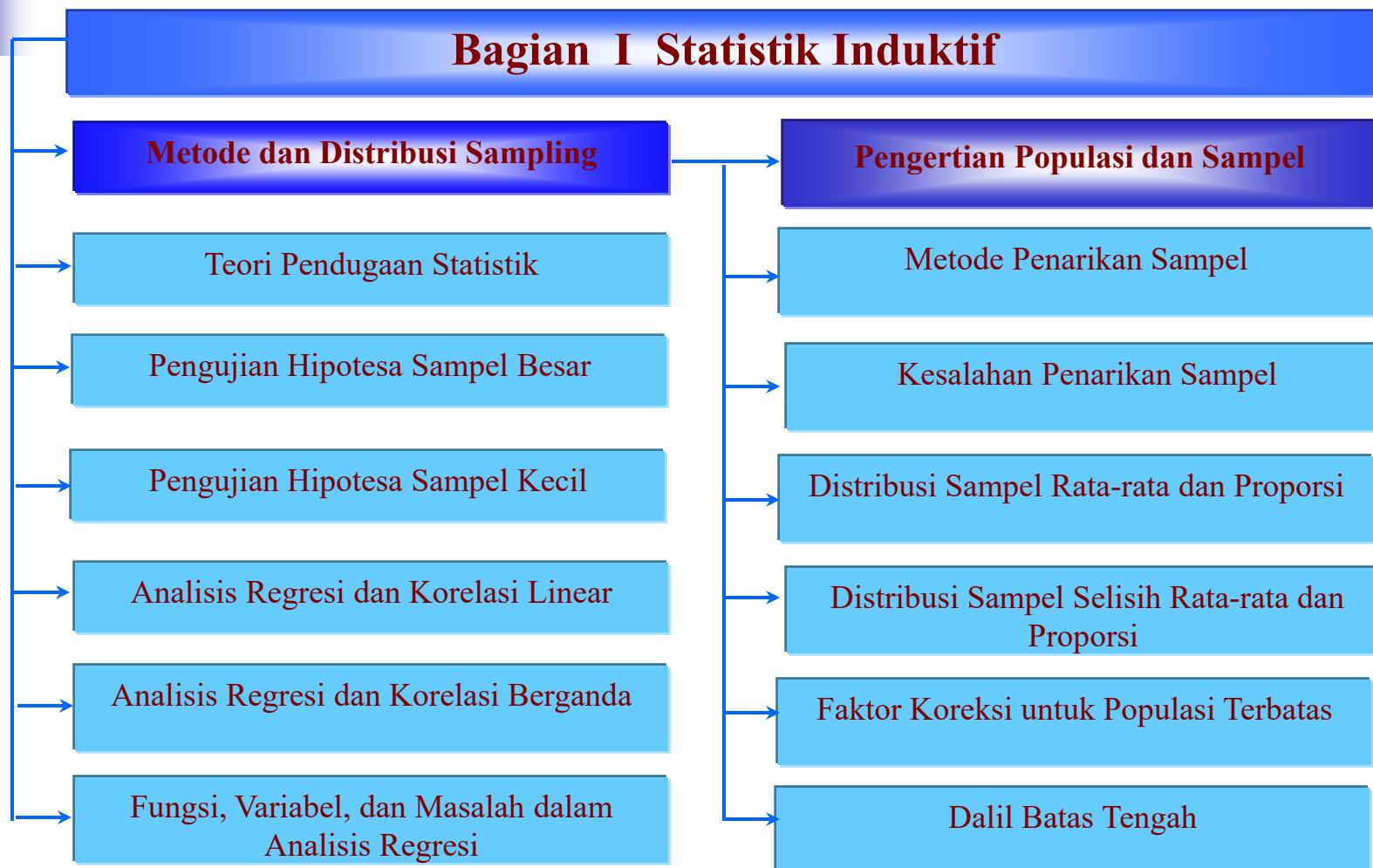


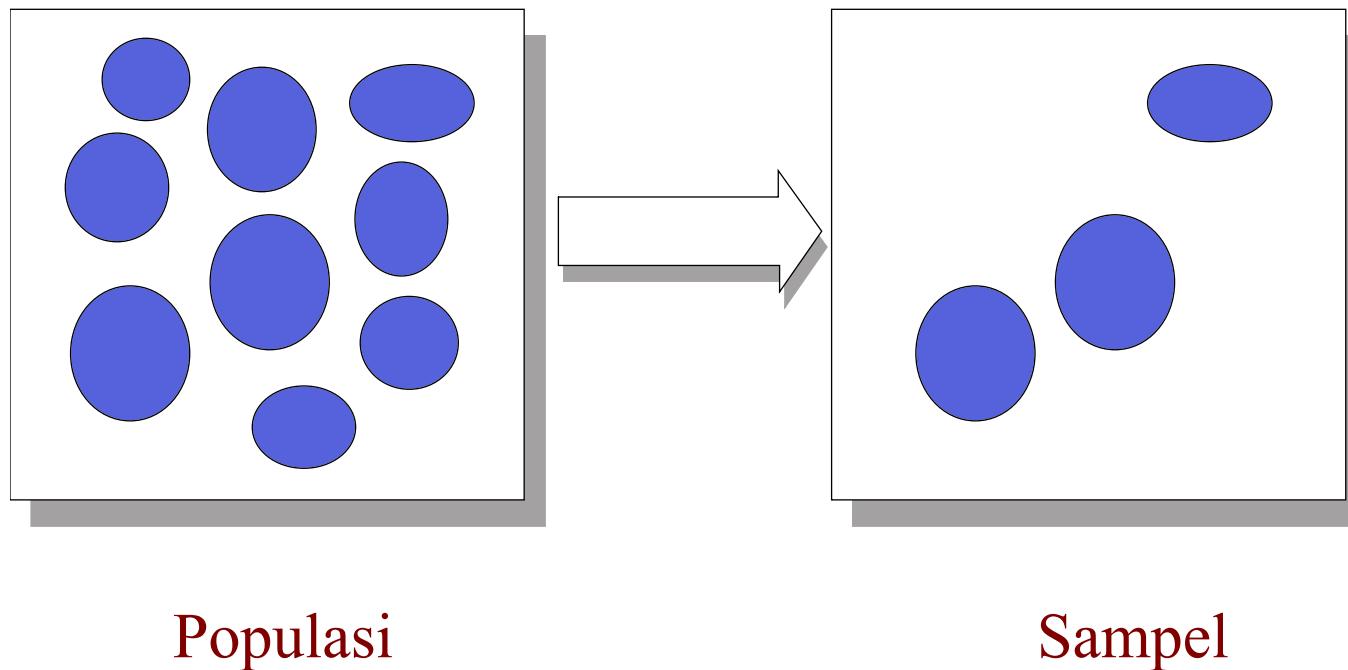
## **BAB 11**

# **METODE DAN DISTRIBUSI SAMPLING**

## OUTLINE



## HUBUNGAN SAMPEL DAN POPULASI



### DEFINISI

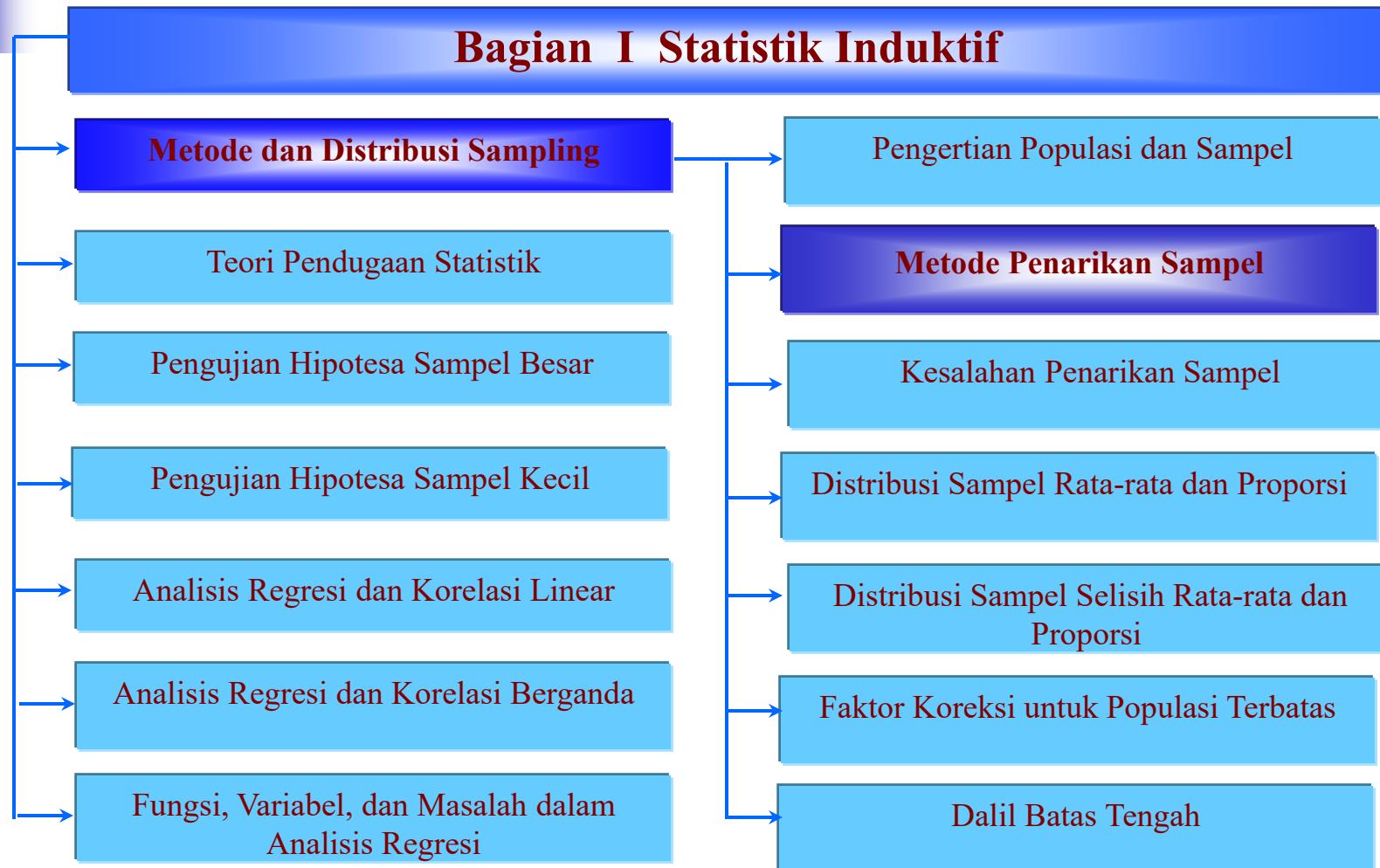
#### ➤ Sampel probabilitas

Merupakan suatu sampel yang dipilih sedemikian rupa dari populasi sehingga masing-masing anggota populasi memiliki probabilitas atau peluang yang sama untuk dijadikan sampel.

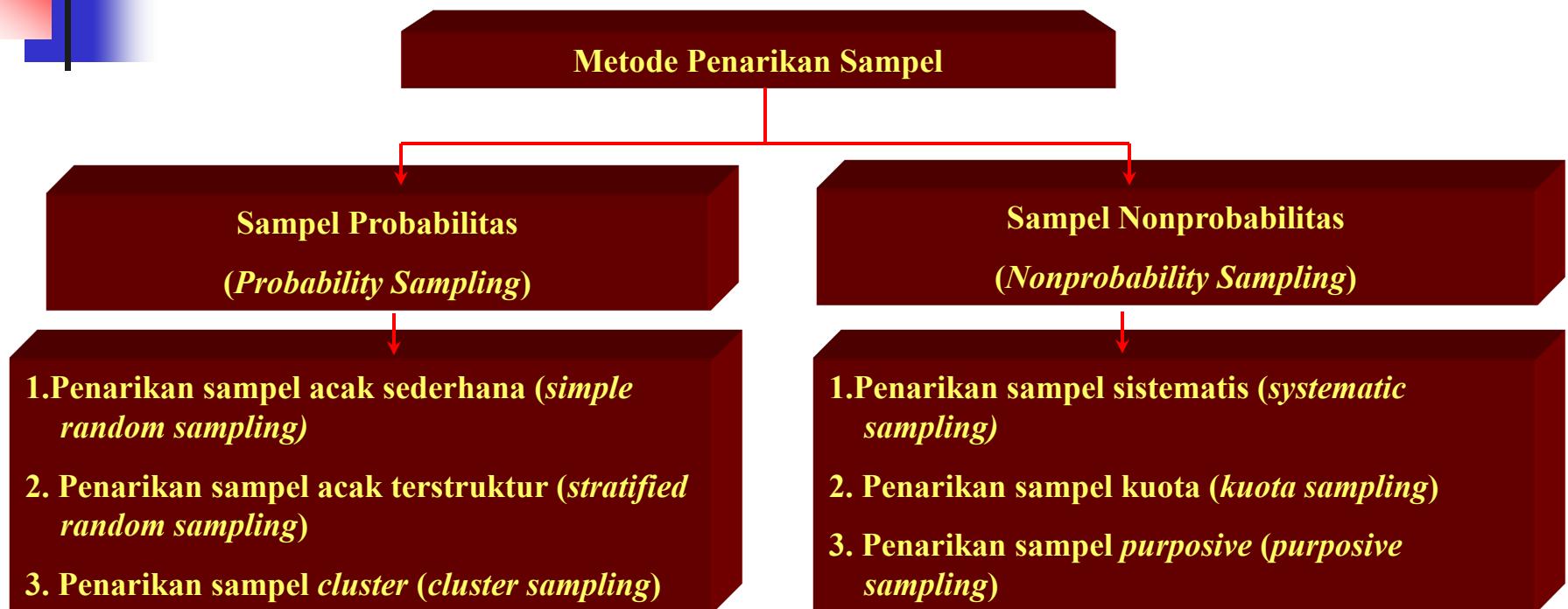
#### ➤ Sampel nonprobabilitas

Merupakan suatu sampel yang dipilih sedemikian rupa dari populasi sehingga setiap anggota tidak memiliki probabilitas atau peluang yang sama untuk dijadikan sampel.

## OUTLINE



# METODE PENARIKAN SAMPEL



### DEFINISI

#### Penarikan Sampel Acak Sederhana

Merupakan pengambilan sampel dari populasi secara acak tanpa memperhatikan strata yang ada dalam populasi dan setiap anggota populasi memiliki kesempatan yang sama untuk dijadikan sampel.

## DEFINISI

### Dua cara sampel acak sederhana:

#### 1. Sistem Kocokan

Sistem sampel acak sederhana dengan cara sama sistem arisan.

#### 2. Menggunakan tabel acak

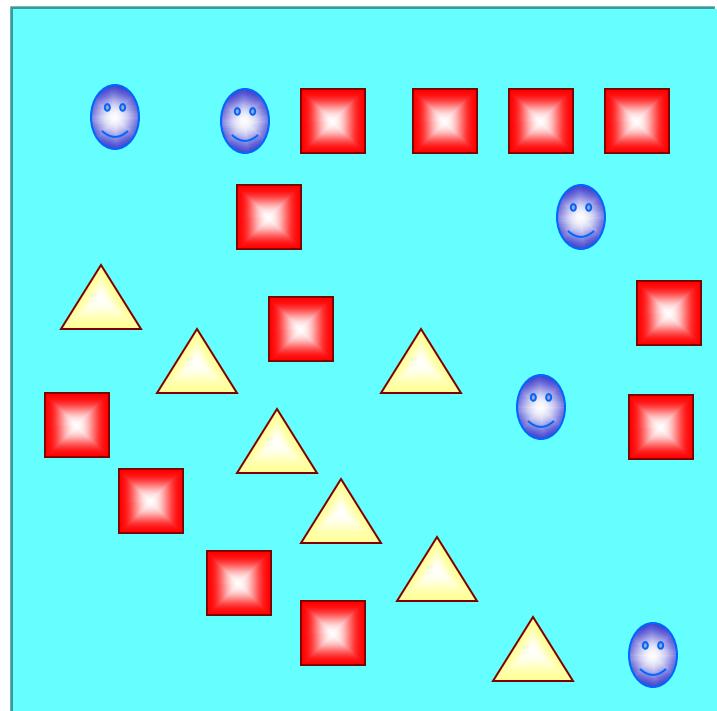
Memilih sampel dengan menggunakan suatu tabel.  
Dalam penggunaannya ditentukan terlebih dahulu titik awal (*starting point*).

### DEFINISI

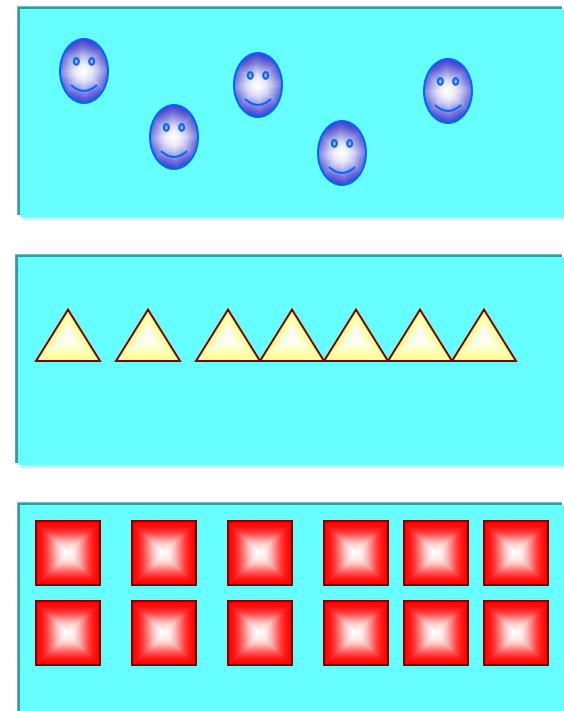
#### Penarikan sampel acak terstruktur:

Penarikan sampel acak terstruktur dilakukan dengan membagi anggota populasi dalam beberapa sub kelompok yang disebut strata, lalu suatu sampel dipilih dari masing-masing stratum.

## PROSES STRATIFIKASI



Populasi tidak berstrata



Populasi terstrata

## CONTOH MENENTUKAN JUMLAH SAMPEL SETIAP STRATUM

Stratum	Kelompok	Jumlah anggota	Persentase dari total	Jumlah sampel per stratum
1	Bulat	5	21	2 ( $0,21 \times 10$ )
2	Kotak	7	29	3 ( $0,29 \times 10$ )
3	Segitiga	12	50	5 ( $0,50 \times 10$ )
Jumlah Total		24	100	10

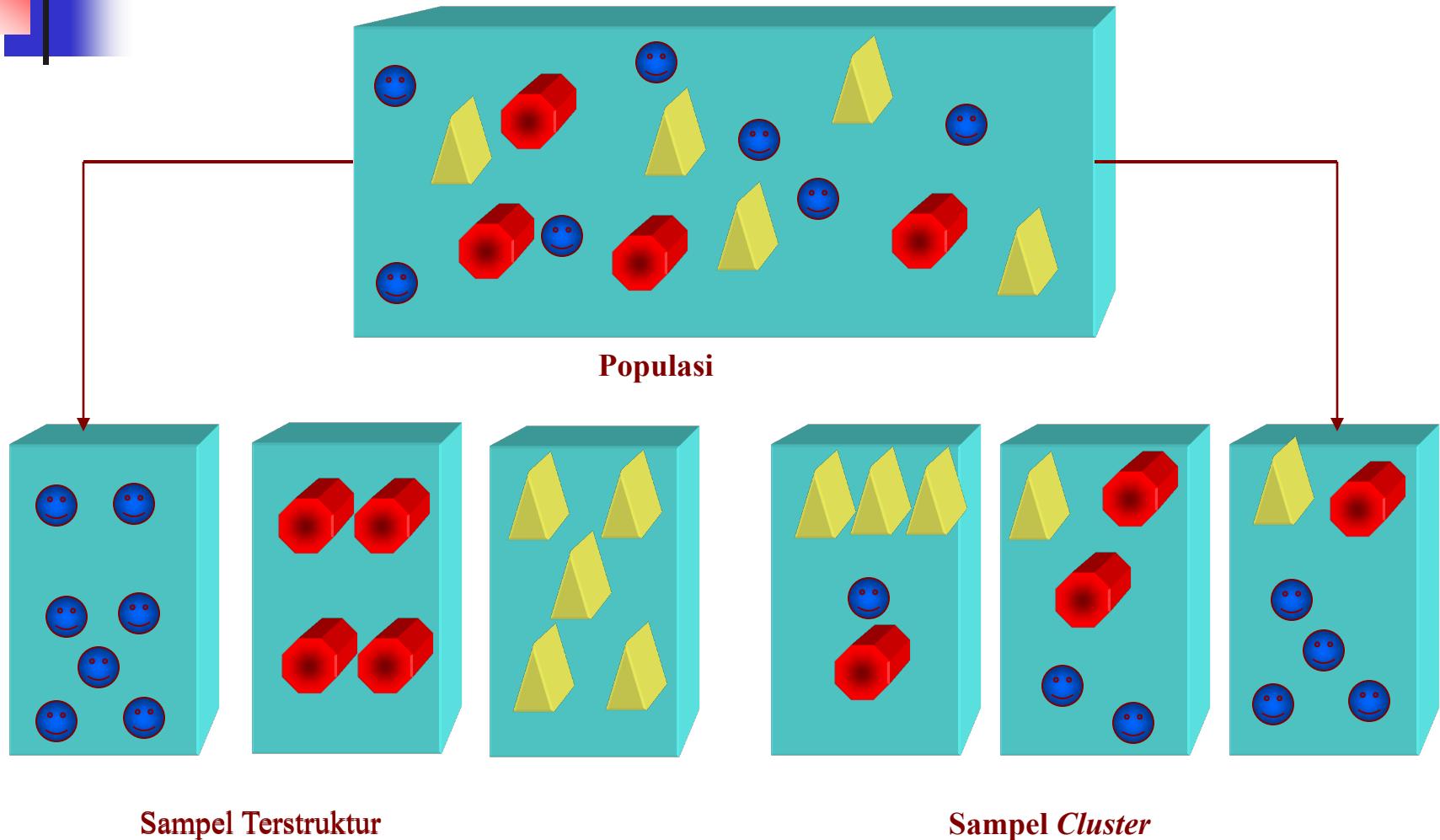
## CONTOH MENENTUKAN JUMLAH SAMPEL SETIAP STRATUM

Stratum	Kelompok	Jumlah anggota	Persentase dari total	Jumlah sampel per stratum
1	Bulat	1	4	0 (0,04 x 10)
2	Kotak	3	13	1 (0,13 x 10)
3	Segitiga	20	83	8 (0,83 x 10)
Jumlah Total		24	100	10

## CONTOH MEMILIH PERUSAHAAN DI BEJ

Stratum Kelompok	Jumlah Anggota	Persentase dari Total	Jumlah Sampel per Stratum
Bank	25	50	$8(0,50 \times 15)$
Asuransi dan pembiayaan	17	34	$5(0,34 \times 15)$
Efek	8	16	$2(0,16 \times 15)$
Jumlah Total	50	100	15

## SKEMA CLUSTER



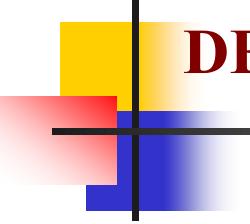
### DEFINISI

#### Penarikan Sampel Sistematis

**Penarikan dikatakan sampel sistematis** apabila setiap unsur atau anggota dalam populasi disusun dengan cara tertentu-Secara alfabetis, dari besar kecil atau sebaliknya-kemudian dipilih titik awal secara acak lalu setiap anggota ke K dari populasi dipilih sebagai sampel

## OUTLINE



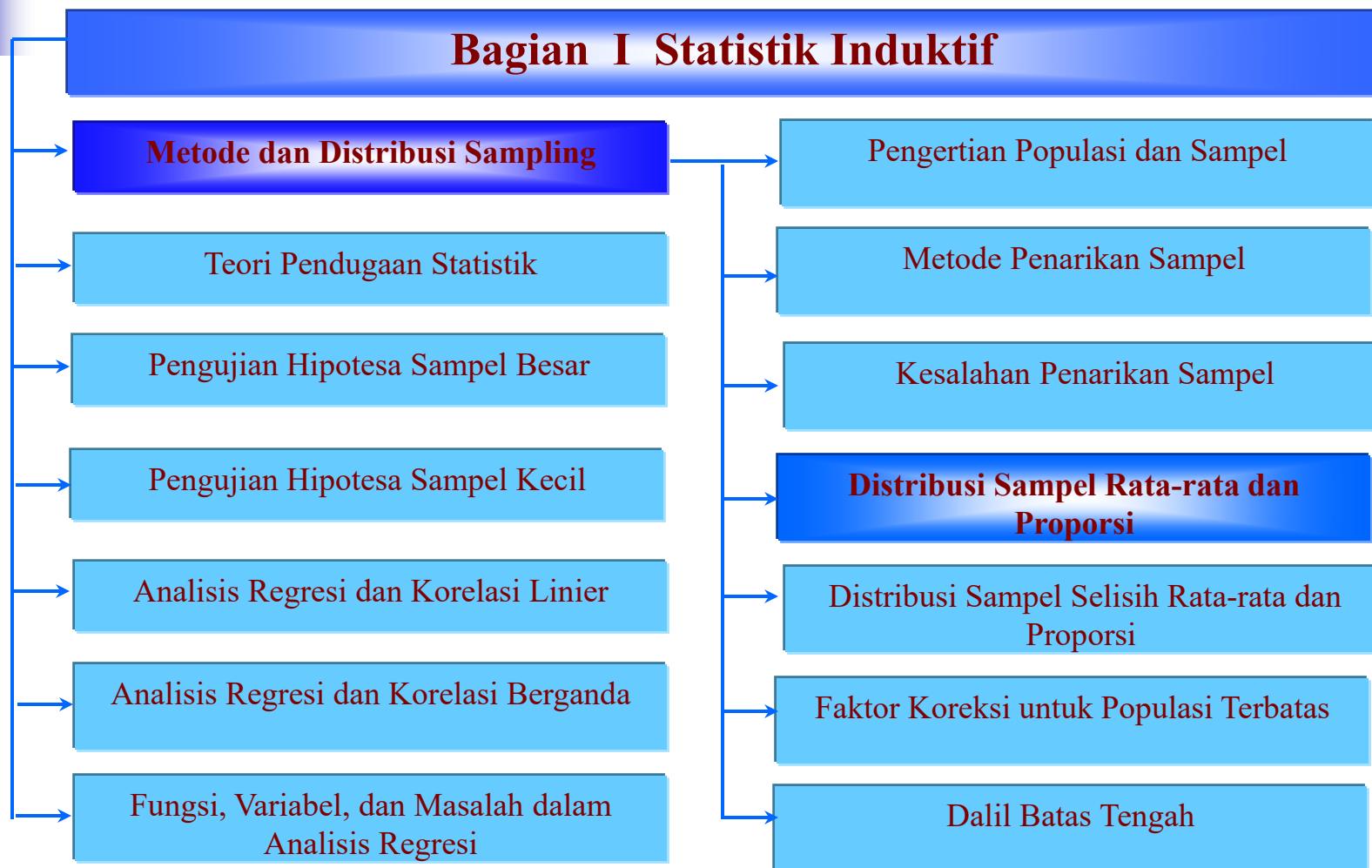


## **DEFINISI**

### **Kesalahan penarikan sampel**

Merupakan perbedaan antara nilai statistik sampel dengan nilai parameter dari populasi.

## OUTLINE



### DEFINISI

#### Distribusi sampel:

Distribusi sampel dari rata-rata hitung sampel adalah suatu distribusi probabilitas yang terdiri dari seluruh kemungkinan rata-rata hitung sampel dari suatu ukuran sampel tertentu yang dipilih dari populasi, dan probabilitas terjadinya dihubungkan dengan setiap rata-rata hitung sampel.

## CONTOH MENGHITUNG RETURN ON ASSET

Bank	Retun On Asset %
Bank Bukopin	2
Bank BCA	4
Citi Bank	6
Bank Jabar	4
Bank Tugu	4

a. Nilai rata-rata populasi

$$\mu = \frac{\sum X/N}{5} = \frac{2 + 4 + 6 + 4 + 4}{5} = 20/5 = 4$$

b. Nilai rata-rata populasi dan sampel apabila diambil sampel 2 dari 5 bank

1) Kombinasi

$$C_n^N = N!/n! (N - n)! = 5!/2!(5 - 2)! = 10$$

## CONTOH MENGHITUNG RETURN ON ASSET

### 2) Perhitungan rata-rata dari setiap sampel

Bank	Kombinasi Retun On Asset %	Rata-rata Hitung $\bar{x}$
Bukopin-BCA	2 + 4	$(6/2)= 3$
Bukopin-Citibank	2 + 6	$(8/2)= 4$
Bukopin-Bank Jabar	2 + 4	$(6/2)= 3$
Bukopin-Bank Tugu	2+ 4	$(6/2)= 3$
BCA-Citibank	4 + 6	$(10/2)= 5$
BCA-Bank Jabar	4 + 4	$(8/2)= 4$
BCA-Bank Tugu	4 + 4	$(8/2)= 4$
Citi Bank-Bank Jabar	6 + 4	$(10/2)= 5$
Citi Bank-Bank Tugu	6 + 4	$(10/2)= 5$
Bank Jabar-Bank Tugu	4 + 4	$(8/2)= 4$

### 3) Nilai rata-rata sampel

$$\bar{X} = \frac{1}{C_n^N} \sum \bar{X}$$

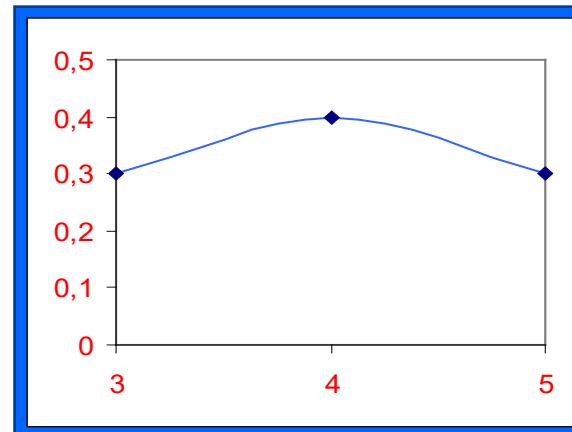
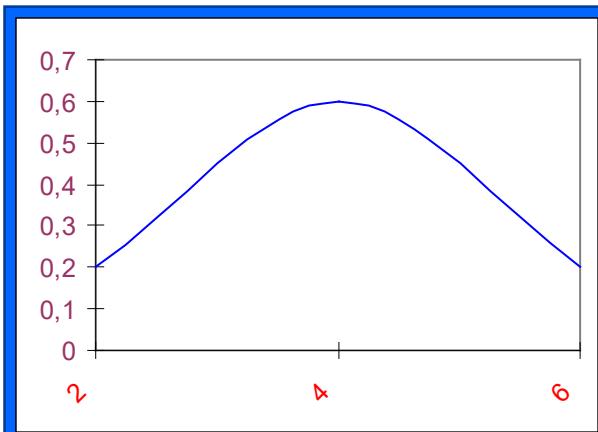
$$\bar{X} = \frac{1}{10} 3 + 4 + 3 + 3 + 5 + 4 + 4 + 5 + 5 + 4 = 40/10 = 4$$

## CONTOH MENGHITUNG RETURN ON ASSET

### c. Nilai rata-rata populasi

Populasi			Sampel		
Nilai $\bar{X}$	Frekuensi	Probabilitas	Nilai $\bar{X}$	Frekuensi	Probabilitas
2	1	$(1/5)= 0,20$	3	3	$(3/10)= 0,30$
4	3	$(3/5)= 0,60$	4	4	$(4/10)= 0,40$
6	1	$(1/5)= 0,20$	5	3	$(3/10)= 0,30$
Jumlah	5	1.00		10	1.00

Distribusi probabilitas dalam bentuk poligon



## CONTOH MENGHITUNG RETURN ON ASSET

### d. Standar deviasi populasi

Standar deviasi populasi

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (\bar{X} - \mu)^2}{N}}$$

$\bar{X}$	$(\bar{X} - \mu)$	$\sum (\bar{X} - \mu)^2$
2	-2	4
4	0	0
6	2	4
4	0	0
4	0	0
$\sum X = 20$		$\sum (X - \mu)^2 = 8.0$
$\mu = 20/5 = 4$		$\sigma = \sqrt{\sum (X - \mu)^2/N} = \sqrt{8/5} = 1,3$

## CONTOH MENGHITUNG RETURN ON ASSET

Standar deviasi sampel

$$s = \sqrt{\frac{1}{C_n} \sum (X - \bar{X})^2}$$

X	(X - $\bar{X}$ )	$\sum (X - \bar{X})^2$
3	-1	1
4	0	0
3	-1	1
3	-1	1
5	1	1
4	0	0
4	0	0
5	1	1
5	1	1
$\sum X = 40$		$\sum (X - \bar{X})^2 = 6,0$
$\mu_x = 40/10 = 4$	$\sigma_x = \sqrt{1/C_n \sum (X - \mu_x)^2} = \sqrt{6/10} = 0,77$	

## HUBUNGAN STANDAR DEVIASI SAMPEL DAN POPULASI

Hubungan antara  $\sigma_x$  dan  $\sigma$  untuk populasi terbatas

$$s = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \sqrt{\frac{N-n}{N-1}}$$

Hubungan antara  $\sigma_x$  dan  $\sigma$  untuk populasi yang tidak terbatas

$$s = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

## DISTRIBUSI SAMPLING PROPORSI

**Nilai rata-rata proporsi**

$$\bar{P}p = \sqrt{\frac{1}{C_n^N}}$$

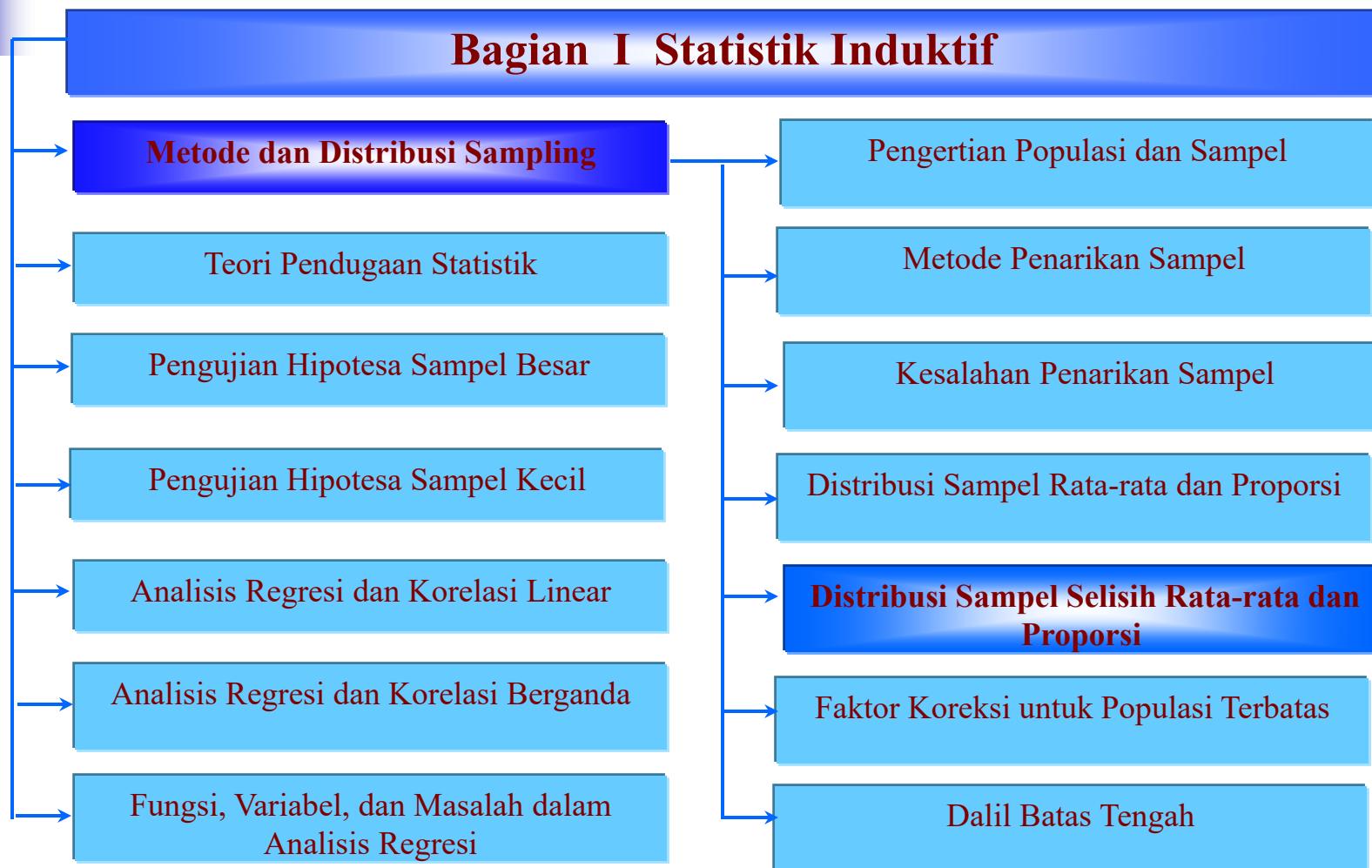
**Standar deviasi sampel proporsi**

$$s_p = \sqrt{\frac{1}{C_n^N} \sum (p - \bar{P}_p)^2}$$

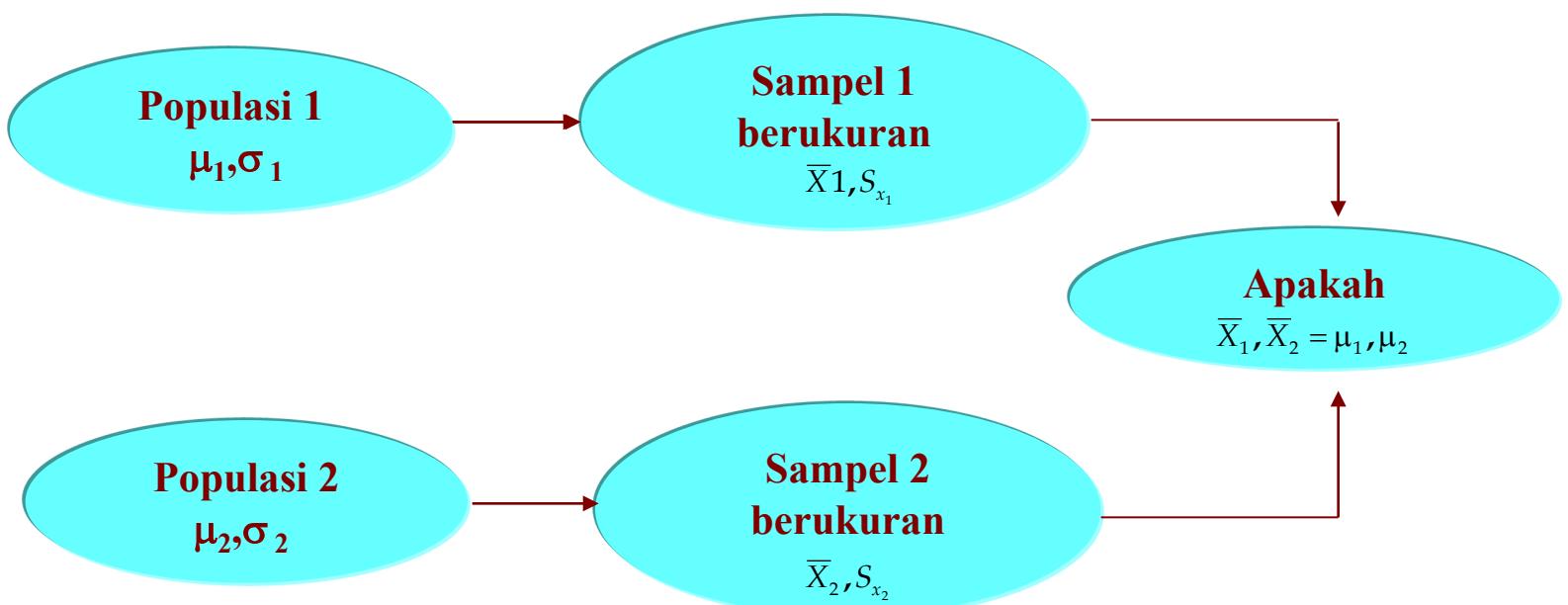
**Standar deviasi proporsi**

$$s_p = \sqrt{\frac{P(1-P)}{n}} \times \sqrt{\frac{N-n}{N-1}}$$

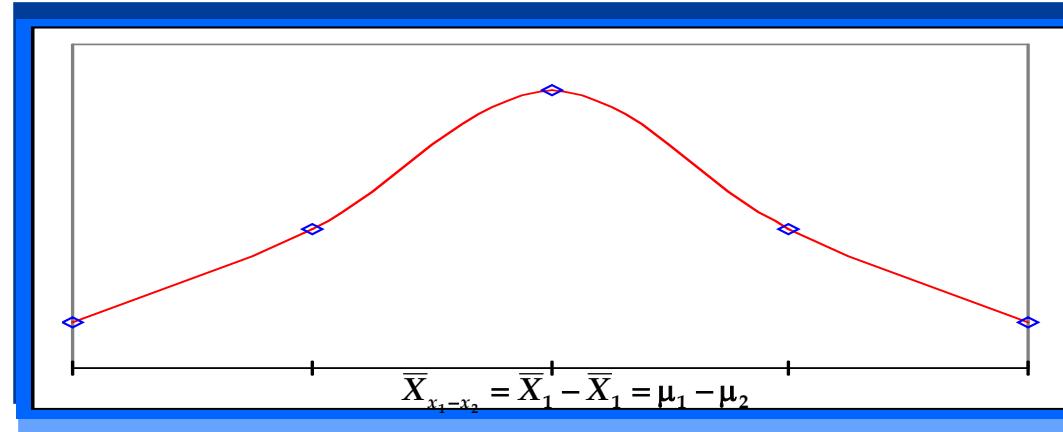
## OUTLINE



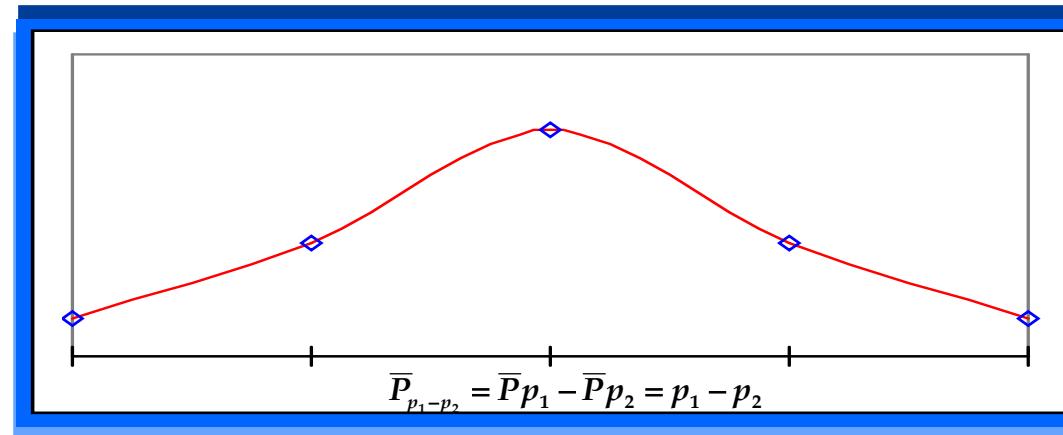
## SKEMA SELISIH POPULASI ATAU SAMPEL



### OUTLINE



Distribusi selisih rata-rata



Distribusi selisih proporsi

# DISTRIBUSI SAMPEL SELISIH RATA-RATA DAN PROPORSI

Nilai rata-rata distribusi sampel selisih rata-rata  $\bar{X}_{x_1-x_2}$

$$\bar{X}_{x_1-x_2} = \bar{X}_1 - \bar{X}_2 = \mu_1 - \mu_2$$

Nilai Standar deviasi distribusi sampel selisih rata-rata  $s_{x_1-x_2}$

$$s_{x_1-x_2} = \sqrt{s_{x_1}^2 + s_{x_2}^2} = \sqrt{\frac{s_{x_1}^2}{n_1} + \frac{s_{x_2}^2}{n_2}}$$

Sedangkan nilai Z untuk distribusi sampel selisih rata-rata

$$Z = \frac{(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{s_{x_1-x_2}}$$



## SELISIH DISTRIBUSI RATA-RATA DAN POPULASI

Nilai rata-rata distribusi sampel selisih proporsi  $\bar{P}_{p_1-p_2}$

$$\bar{P}_{p_1-p_2} = \bar{P}_{p_1} - \bar{P}_{p_2} = p_1 - p_2$$

Nilai Standar deviasi distribusi sampel selisih rata-rata  $\sigma_{p_1-p_2}$

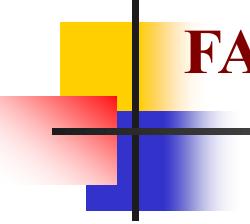
$$S_{p_1-p_2} = \sqrt{Sp_1^2 + Sp_2^2} = \sqrt{\frac{P_1(1-P_1)}{n1} + \frac{P_2(1-P_2)}{n2}}$$

Sedangkan nilai Z untuk distribusi sampel selisih rata-rata

$$Z = \frac{(p_1 - p_2) - (P_1 - P_2)}{S_{p_1-p_2}}$$

## OUTLINE





## FAKTOR KOREKSI

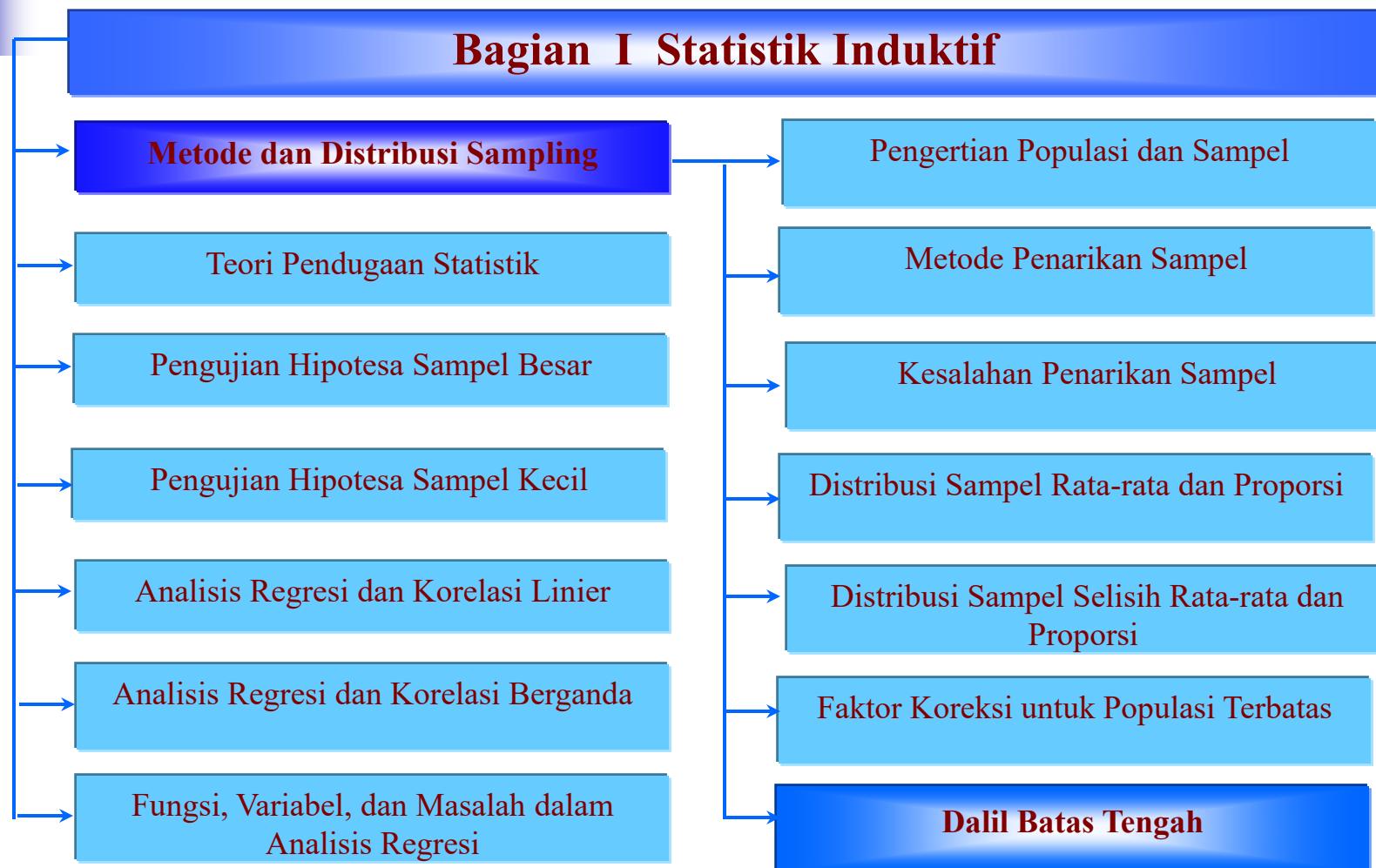
Penyesuaian standar deviasi untuk rata-rata hitung adalah:

$$S_x = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \sqrt{\frac{N - n}{N - 1}}$$

Penyesuaian standar deviasi untuk proporsi adalah:

$$S_p = \sqrt{\frac{P(1-P)}{n}} \sqrt{\frac{N - n}{N - 1}}$$

### OUTLINE





## SAMPEL SAMA DENGAN POPULASI, VARIAN SAMPEL $\sigma^2/N$

### Distribusi sampel:

Untuk populasi dengan rata-rata  $\mu$  dan varians  $\sigma^2$ , rata-rata hitung distribusi sampel dari seluruh kemungkinan kombinasi sampel berukuran  $n$  yang diperoleh dari populasi akan mendekati distribusi normal, di mana rata-rata hitung distribusi sampel sama dengan rata-rata hitung populasi  $(\bar{X} - \mu)$  dan varians distribusi sampel sama dengan  $\sigma^2/n$ .



**TERIMA KASIH**